

Эта часть работы выложена в ознакомительных целях. Если вы хотите получить работу полностью, то приобретите ее воспользовавшись формой заказа на странице с готовой работой:

<https://stuservis.ru/kontrolnaya-rabota/326522>

Тип работы: Контрольная работа

Предмет: Математические методы и моделирование

-

Задача оптимального управления с бюджетным ограничением.

Установление налоговой шкалы, удовлетворяющей определенным принципам и ограничениям, может быть сведено к решению некоторой задачи оптимального управления.

Задача оптимального управления с бюджетным ограничением для функции u

$I(u) = \int_0^1 u(x) dx \rightarrow \min, (1)$

, (2)

, (3)

. (4)

Пусть

u – налог на удельные затраты;

x – независимая переменная, характеризующая удельные затраты того или иного производителя продукции, включенной в состав госзаказа;

x_0 – удельные затраты на выпуск аналогичной продукции на мировом рынке;

x_1 – удельные затраты, при которых предприятие еще целесообразно включать в число исполнителей госзаказа;

p – цена единицы продукции, включенной в госзаказ, которая по тому же принципу исчисляется на основе мировых цен на соответствующую продукцию.

При отсутствии фазового ограничения оптимальное управление в данной задаче можно найти, используя принцип максимума для задачи со свободным правым концом. Оптимальным решением задачи будет являться:

$x^*(t) = ; u^*(t) = *(t). (5)$

Функция $x^*(t)$ монотонно убывает и достигает минимального значения при $t = 1$:

$x^*(1) = .$

Очевидно, что при $p \leq p_0$, решение задачи с фазовым ограничением будет совпадать с (5). Предположим, что $p > p_0$. Применим необходимые условия экстремума. Функция Понтрягина будет иметь вид:

$H = - p_0 + \lambda u,$

а лагранжиан задачи запишется как

$L = H + \mu(x - p) = - p_0 + \lambda u + \mu(x - p).$

Видно, что в вырожденном случае ($\lambda = 0$) функция H является линейной по u , поэтому ее максимум достигается на конечных u только при $\lambda(t) \neq 0$. Но тогда и $\lambda \neq 0$, что противоречит условиям теоремы. Поэтому далее можно положить $\lambda = 1$.

-

Эта часть работы выложена в ознакомительных целях. Если вы хотите получить работу полностью, то приобретите ее воспользовавшись формой заказа на странице с готовой работой:

<https://stuservis.ru/kontrolnaya-rabota/326522>